Probabilità e Statistica - 04.07.2006

Cognon	ME E NOME .										
C. d. L	.: AMBL	CIVL CIVI	GESL GESL	[INFL] A	nno di Cors	o: 1 2	3 ALTRO				
MATRIC	OLA			.Firma			FILA 4				
ISTRUZION	II										
	MPILARE la pa mare.	arte precedente q	ueste istruzioni;	in particolare, so	crivere cognon	ne e nome (in	stampatello) e				
risp	oosta errata e scr		uova risposta. I	llo spazio lasciato e n particolare, per l							
3. I P	3. I PUNTEGGI attribuiti per la risposta esatta sono indicati alla fine di ogni quesito.										
4. PROIBITO usare libri, quaderni, telefoni cellulari.											
	_	esti fogli e tutt	i i fogli di pro	tocollo.							
6. TE	MPO a disposizi	one: 75 min.									
	Quesito	C1	C2	QT	E1	TOT					
	Punti										
di		atoria X è distr $X = 10000 > 12$			ente con media 10000 e deviazione standard 50. Si chiede C1 (scrivere il risultato con quattro decimali)						
(C2) Da	ta la seguente	distribuzione d	li probabilità	congiunta della	variabile alea	toria bidimens	ionale (X,Y)				
		$f_{X,Y}(x,y)$	$= \begin{cases} 32 \left(x + 0 \right) \end{cases}$	$y + \frac{1}{4}$ se $0 <$ altrov	$< x < \frac{1}{4} e 0 <$	$y < \frac{1}{4}$,					
	colare $P\left[Y \leq \right]$	$\left[\frac{1}{4}X\right]$.									
[PU	JNTI 4]			C2 (scriver	C2 (scrivere il risultato in frazione)						

Quesito Teorico

 $\bullet\,$ Siano Ae Beventi indipendenti. Dimostrare che

$$P(A \cup B) = P(A) \cdot P(\overline{B}) + P(B).$$

[RECUPERO DEBITO]

 $\bullet\,$ Date due variabili casuali Xe Y, dimostrare che

$$E[(X+2Y)^2] = (E[X+2Y])^2 + var[X] + 4var[Y] + 4cov[X,Y].$$

[PUNTI 1]

- (E1) Sia X_1, \ldots, X_8 un campione aleatorio, di dimensione 8, estratto da una distribuzione rettangolare uniforme sull'intervallo [-4, b], con b > -4.
 - Si chiede:
 - (a) determinare uno stimatore T_1 di b con il metodo dei momenti;
 - (b) determinare se lo stimatore T_1 sia distorto;
 - (c) calcolare l'errore quadratico medio $MSE[T_1]$;
 - (d) considerato poi lo stimatore $T_2=4\overline{X}_8-X_3-X_5+4$, calcolarne l'errore quadratico medio $\text{MSE}[T_2]$;
 - (e) determinare quale dei due stimatori T_1 e T_2 di b sia preferibile, giustificando la risposta.

[PUNTI 7]

Probabilità e Statist	ica - Seconda Prova	Intermedia - 04.07.2	006 - FILA 4	

Università degli Studi di Brescia - Facoltà di Ingegneria