## Probabilità e Statistica - 25.11.2008

Cog	NOME E	Nome									
С. р	. L.: A	MBL C	IVL	CIVLS	GESL	INFI	_ PPINO	J			
Ann	о ді Со	RSO: 1	2	3 AL.	ГКО						
Мат	RICOLA					Firm	Α				[FILA 3]
Istru	ZIONI										
1.	COMPII firmare.	-	te precede	ente quest	e istruzior	ni; in part	icolare, <b>scri</b>	vere cog	nome e	nome (in	stampatello) e
2.	la rispost		crivere acc	canto la ni	iova rispos	sta. In pa					rrezione, barrare IVERE <b>anche</b> il
3.	3. I PUNTEGGI attribuiti per la risposta esatta sono indicati alla fine di ogni quesito.										
4.	4. PROIBITO usare libri, quaderni, telefoni cellulari.										
5.	5. CONSEGNARE questi fogli e tutti i fogli di protocollo.										
6.	TEMPO	a disposizion	ne: 150 m	in.							
		Quesito	C1	C2	СЗ	C4	QT	E1	E2	TOT	
		Punti									
(C1)	Sia $X$ u $P[4X >$ [PUNTI	-7].	le casual	le distrib			e con medi				l 1. Calcolare
(C2)											e seconda e 10
	nella classe terza. Si vuole formare un comitato di istituto composto da 5 ragazzi scelti a caso tra tutti ragazzi della scuola. Calcolare la probabilità che nel comitato ci siano esattamente 2 ragazzi di seconda										
	[PUNTI	4]			C2 (sc	rivere il	risultato co	n cinque	e cifre de	ecimali)	
(C3)	Da un'indagine sul tempo di vita di alcuni batteri, è risultato che su un campione casuale di 4 batteri la deviazione standard campionaria è pari a 6 ore. Supponendo che il tempo di vita sia una variabile causale distribuita normalmente, determinare la lunghezza dell'intervallo di confidenza per la media al livello del 99%.										
	[PUNTI	4]			C3 (sc	rivere il	risultato co	on cinque	e cifre de	ecimali)	
					-						_

(C4) Un'urna contiene 2 monete di cui la prima è equilibrata, mentre la seconda è truccata in modo che la probabilità che esca testa sia tripla della probabilità che esca croce. Si sceglie a caso una moneta e la si lancia 2 volte. Qual è la probabilità che escano 2 teste?

[PUNTI 4]

C4 (scrivere il risultato in frazione ridotta ai minimi termini)

## Quesito Teorico

Siano  $X_1,...,X_n$  n variabili casuali indipendenti ed equidistribuite, ciascuna con media  $\mu$  e varianza  $\sigma^2$ . Utilizzando l'identità  $\mathrm{E}[T^2] = \mathrm{Var}[T] + \mathrm{E}[T]^2$ , verificare che

$$\mathrm{E}\left[nS^2 - n^2\overline{X}^2\right] = -n^2\mu^2$$

essendo  $\overline{X}$  la media campionaria e  $S^2$  la varianza campionaria. [PUNTI 2]

 $(\operatorname{E1})$ Siano Xe Yvariabili casuali indipendenti aventi densità

$$f_X(x) = \frac{1}{2}I_{(0,2)}(x),$$
  $f_Y(y) = 5e^{-5y}I_{(0,+\infty)}(y).$ 

Determinare

- (a) la densità congiunta  $f_{X,Y}$ ;
- (b)  $P[X + Y \le 2];$
- (c)  $P[Y^2 > 1];$
- (d) E[XY];
- (e) Cov[3X 2Y, 3X + 2Y].

[PUNTI 7]

Probabilità e Statistica - 25.11.2008 - FILA 3					

Università degli Studi di Brescia - Facoltà di Ingegneria

- (E2) Tre tiratori sparano un colpo ciascuno sul medesimo bersaglio. La probabilità che il primo tiratore colpisca il bersaglio è 1/3, quella del secondo tiratore è 2/3 e quella del terzo tiratore è 1/6.
  - (a) Calcolare la probabilità che il bersaglio venga colpito.
  - (b) Calcolare la probabilità che il bersaglio venga colpito dal primo tiratore, sapendo che il bersaglio è stato colpito.
  - (c) Quale dei due eventi è più probabile:

 $A = \{ \text{il bersaglio è stato colpito SOLO dal primo tiratore} \}$ 

 $B = \{ \text{ il bersaglio è stato colpito dal secondo tiratore ma non dal terzo} \}$ 

[PUNTI 7]

Probabilità e Statistica - 25.11.2008 - FILA 3					

Università degli Studi di Brescia - Facoltà di Ingegneria