Probabilità e Statistica - 27.03.2008

Cog	NOME E	Nome										
С. р	. L.: A	MBL CI	VL C	IVLS	GESL	INFL	Ann	о ді Со	orso:	1 2	3	ALTRO
MAT	RICOLA					Firma					[F	FILA 2
 3. 4. 5. 	COMPII firmare. SCRIVE la rispost procedim I PUNTI PROIBIT CONSEC	ARE la parte. RE, in modo ta errata e scruento applicate EGGI attribui FO usare libri GNARE ques a disposizione	incontrove rivere acca o per rispo ti per la ri , quaderni ti fogli e	ertibile, la nto la nuo ondere ai disposta es , telefoni tutti i fo	risposta nova rispost quesiti pos atta sono i cellulari.	nello spazio a. In part ti. ndicati alla	lasciato d eicolare, per	opo ogni o gli eserciz	quesito; in zi (E1) ed	caso di co	rrezion	ne, barrare
		Quesito Punti	C1	C2	C3	C4	QT	E1	E2	TOT		
	P[X > [PUNTI La protutte le	oabilità di v settimane, d imazione).	incere in	una det	C1 (scri	ivere il ri a lotteria vincere al	sultato co settimana lmeno due	on due de la	ecimali) = 0.0003. 20 anni (Suppone utilizzare	ndo d	li giocare
(C3)	Sia X u	ına variabile	e casuale	con fun	, ,		sultato co	n cinque	e deciman	1)		
	Calcola	re la probak			$F_X(x)$	$= \begin{cases} 0 \\ \ln x \\ 1 \end{cases}$	$x \le 1$ $1 < x \le x$ $x > e$					
	[PUNTI 4] C3 (scrivere il risultato in frazione ridotta ai minimi termini)					ini)						

(C4)	Si suppone che la temperatura gi	ornaliera nel mese di aprile sia una variabile casuale uniformemente
	distribuita sull'intervallo [15°C, 20	°C]. Qual è la probabilità che in una settimana la temperatura superi
	i 17°C in 3 giorni su 7?	
	[PUNTI 4]	
	[]	C4 (scrivere il risultato con cinque cifre decimali)

Quesito Teorico

Siano A,B,C tre eventi tali che A sia indipendente da B e da $C,\,B$ e C siano incompatibili. Dimostrare che

$$P[B \cup C|A] = P[B] + P[C].$$

[PUNTI 2]

(E1) Sia (X, Y) una coppia di variabili casuali discrete con la seguente densità di probabilità congiunta

Y	-1	1
0	$\frac{1}{6}$	$\frac{p}{3}$
1	0	p
2	2p	0

- (a) determinare il valore di p;
- (b) calcolare il coefficiente di correlazione $\rho[4X,2Y]$.

[PUNTI 7]

Probabilità e Statistica	- 27.03.2008 - FILA 2	

Università degli Studi di Brescia - Facoltà di Ingegneria

(E2) Sia $X_1,...,X_n$ un campione casuale di ampiezza n, estratto da una popolazione distribuita con la densità di probabilità

$$f_X(x,\theta) = \begin{cases} \frac{2}{\theta}e^{-2(x-3)/\theta} & \text{se } x > 3, \\ 0 & \text{altrove,} \end{cases}$$

 $con \theta \in \mathbb{R}^+,$

- (a) determinare lo stimatore di massima verosimiglianza T di θ ;
- (b) verificare se lo stimatore T è corretto;
- (c) calcolare l'errore quadratico medio MSE[T];
- (d) verificare che T è consistente.

[PUNTI 7]

Probabilità e Statistica	- 27.03.2008 - FILA 2	

Università degli Studi di Brescia - Facoltà di Ingegneria