## Probabilità e Statistica - 24.03.2009

Cog	NOME E	Nome											
C. d	. L.: A	MBL C	IVL (	CIVLS	GESL	INFL	Ann	о ді Со	PRSO:	1 2	3 ALTRO		
Мат	RICOLA					Firma					FILA 3		
Istru	ZIONI												
1.	COMPII firmare.	-	se precede	ente queste	e istruzion	i; in parti	colare, <b>scriv</b>	vere cogr	nome e r	nome (in	stampatello) e		
2.	. SCRIVERE, in modo incontrovertibile, la risposta nello spazio lasciato <b>dopo</b> ogni quesito; in caso di correzione, barrare la risposta errata e scrivere accanto la nuova risposta. In particolare, per gli esercizi (E1) ed (E2), SCRIVERE <b>anche</b> il procedimento applicato per rispondere ai quesiti posti.												
3.	. I PUNTEGGI attribuiti per la risposta esatta sono indicati alla fine di ogni quesito.												
4.	PROIBI	ΓO usare libr	i, quadern	i, telefoni	cellulari.								
5.	CONSEC	GNARE ques	ti fogli e	tutti i f	ogli di pr	otocollo.							
6.	TEMPO	a disposizion	e: 150 mi	n.									
		Quesito	C1	C2	C3	C4	QT	E1	E2	TOT	 ]		
		Punti									-		
		1 diloi											
[PUNTI 4] C1 (scrivere il risultato con cinque cifre decimali)													
(C2)	a maggioranza. I tre giudici A, B, C assumono la loro decisione indipendentemente. I giudici A e B hanno												
	probabilità $\frac{1}{2}$ di decidere per l'assoluzione dell'imputato, mentre il giudice C decide di condannarlo se lanciando una coppia di dadi realizza un punteggio pari a 7, 8, o 9. Calcolare la probabilità che l'imputato sia assolto da A e da C.												
	[PUNTI	4]			C2 (scrivere il risultato in frazione ridotta ai minimi termini)								
(C3)	In prob	aahilità cho	Marco	vince un	na partita	a a tonni	e contro I	ues à 0.º	7 Oual	à la prob	andilità cho su		
(00)	La probabilità che Marco vinca una partita a tennis contro Luca è 0.7. Qual è la probabilità che su cinque partite Marco ne vinca almeno due?												
	[PUNTI 4]					C3 (scrivere il risultato con cinque decimali)							

(C4)	Il tempo	di vita	medio	di un	macchinario	è distrib	ouito	espone	nzialme	nte, co	on media	pari a	a 400  ore
	Calcolare	la prob	oabilità	${\rm che}\ {\rm il}$	${\it macchinario}$	${\rm funzioni}$	per	$_{ m almeno}$	altre 10	00 ore,	sapendo	che ha	a lavorat
	correttan	iente pe	er le pri	me 600	ore.								

[PUNTI 4]

C4 (scrivere il risultato con cinque decimali)

## Quesito Teorico

Siano X e Y due variabili casuali con  $\sigma_X^2=\frac{1}{9}$  e  $\sigma_Y^2$  incognita. Sapendo che il coefficiente di correlazione  $\rho_{X,Y}=1$ , trovare il valore di  $\sigma_Y$  tale che  ${\rm var}\left[X+Y\right]=9.$ 

[PUNTI 2]

 $\left( \mathrm{E1}\right) \,$  Sia Xuna variabile casuale avente densità di probabilità

$$f_X(x) = \begin{cases} \frac{k}{\sqrt{x}} & \text{se } 0 < x \le 9, \\ 0 & \text{altrove.} \end{cases}$$

- (a) Calcolare la costante k di normalizzazione.
- (b) Determinare la funzione di ripartizione  $F_X$ .
- (c) Calcolare var[X].
- (d) Calcolare  $P[4 \le X \le 18]$ .
- (e) Calcolare  $E[\sqrt{X}]$ .

[PUNTI 7]

Probabilità e Statistica - 24.03.2009 - FILA 3

Università degli Studi di Brescia - Facoltà di Ingegneria

- (E2) Sia  $X_1, ..., X_n$  un campione casuale di ampiezza n estratto da una popolazione con distribuzione uniforme nell'intervallo [3, 3+a], a > 0.
  - $\bullet\,$  Determinare uno stimatore  $T_1$  di a con il metodo dei momenti.
  - Dati

$$T_2 = \frac{3X_1 + X_2}{4}, \qquad T_3 = X_1 + X_2 - 6,$$

e posto n = 5, individuare quale sia lo stimatore preferibile tra  $T_1, T_2, T_3$ .

• Dire per quali  $n \geq 2$  è preferibile  $T_1$ .

[PUNTI 7]

Probabilità e Statistica - 24.03.2009 - FILA 3

Università degli Studi di Brescia - Facoltà di Ingegneria