C.D.L.: AMBLT CIVLT

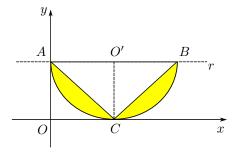
Anno di Corso: 2

ALTRO

FILA 1

ESERCIZIO 1. Sia data la lamina piana omogenea, di massa m, costituita da due segmenti circolari di centro O', come indicato in figura. Sapendo che  $\overline{AO'} = \overline{O'B} = \overline{O'C} = R$ , determinare:

- 1. l'ordinata del baricentro della lamina (punti 3);
- 2. il momento d'inerzia della lamina rispetto alla retta r (punti 3).

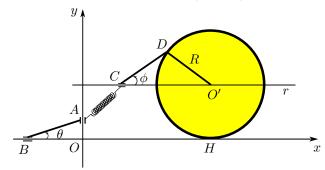


ESERCIZIO 2. In un piano verticale Oxy si consideri un sistema materiale pesante costituito da: un disco omogeneo, di massa m, raggio R e centro O', un' asta omogenea CD, di massa m e lunghezza R, un'asta omogenea AB, di massa  $\frac{1}{4-\pi}m$  e lunghezza R. Il disco rotola senza strisciare sull'asse Ox, gli estremi B ed A dell'asta sono vincolati a scorrere senza attrito rispettivamente sugli assi Ox ed Oy, l'asta CD ha l'estremo D incernierato sul bordo del disco e l'estremo C vincolato a scorrere senza attrito sulla retta r parallela all'asse Ox passante per O'.

Oltre alle forze peso, sul sistema agisce una molla ideale di costante elastica k>0 che collega gli estremi A e C delle due aste.

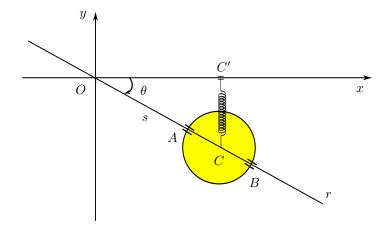
Scelti i parametri lagrangiani  $\theta=x^+\widehat{B}A, \phi=O'\widehat{C}D\in[-\pi/2,\pi/2]$ , come indicato in figura, e sapendo che per t=0  $\phi=-\frac{\pi}{2}$  ed il centro O' ha coordinate (0,R), determinare:

- 1. la funzione potenziale di tutte le forze attive agenti sul sistema (punti 4);
- 2. il valore della costante elastica k tale che il sistema sia in equilibrio quando  $\phi = 0$  e le corrispondenti configurazioni di equilibrio ordinarie (punti 5);
- 3. le configurazioni di equilibrio di confine (punti 3);
- 4. la stabilità delle configurazioni di equilibrio ordinarie (punti 3).



ESERCIZIO 3. In un piano verticale Oxy si consideri un disco omogeneo, di massa m, raggio R e centro C, avente il diametro AB scorrevole su una retta r vincolata a ruotare attorno all'origine. Oltre alla forza peso, sul disco agisce una forza elastica, di costante  $k = \frac{2mg}{3R}$ , che collega il centro C col punto C', proiezione ortogonale di C sull'asse Ox. Supposti i vincoli lisci e scelti i parametri lagrangiani  $s = \overline{OC}$  e  $\theta = x^+ \widehat{OA}$ , come indicato in figura, determinare:

- 1. la velocità angolare del disco (punti 2);
- 2. l'energia cinetica del disco (punti 4);
- 3. l'espressione della lagrangiana (punti 3);
- 4. eventuali integrali primi di moto (punti 2).



## AVVERTENZE:

- 1. Non è consentita la consultazione di testi e appunti.
- 2. Durata della prova: 150 minuti.
- 3. Ammissione alla prova orale con punteggio 16/30.