## Probabilità e Statistica - 13.07.2010

COGNOME E NOME				
C. d. L.:	Anno di Corso: 1 2 3 Altro			
Matricola	FIRMA			
<ul><li>firmare.</li><li>2. SCRIVERE, in modo incontrovertibile, la</li></ul>	e istruzioni; in particolare, <b>scrivere cognome e nome (in stampatello) e</b> a risposta nello spazio lasciato <b>dopo</b> ogni quesito; in caso di correzione, barrare nova risposta. In particolare, per gli esercizi (E1) ed (E2), SCRIVERE <b>anche</b> il			
procedimento applicato per rispondere ai 3. I PUNTEGGI attribuiti per la risposta es 4. PROIBITO usare libri, quaderni, telefoni 5. CONSEGNARE questi fogli e tutti i fe 6. TEMPO a disposizione: 150 min.	quesiti posti. satta sono indicati alla fine di ogni quesito. cellulari.			
Quesito C1 C2 Punti	C3 C4 QT E1 E2 TOT			
(C1) Sia $X$ una variabile casuale distrib $P[X^2 - 3X - 4 > 0].$	ouita normalmente con media 3 e deviazione standard 2. Calcolare			
[PUNTI 4]	C?? (scrivere il risultato con cinque cifre decimali)			
(C2) Sia $X$ una variabile casuale con distribuzione continua uniforme nell'intervallo $(a, b)$ , con $a, b \in \mathbb{R}$ e $b$ Determinare $a$ e $b$ sapendo che il valore atteso di $X$ è $0$ e la sua varianza è $12$ .				
[PUNTI 4]	C??			
(C3) Il numero di clienti che visitano un concessionario di auto al sabato mattina è una variabile aleato con media $\mu=15$ e deviazione standard $\sigma=2,5$ . Con quale valore minimo di probabilità si può as che il numero di clienti sia compreso tra 5 e 25?				
[PUNTI 4]	C?? (scrivere il risultato con quattro decimali)			

(C4)	Una squadra di calcio deve giocare ancora 5 partite. Se vincerà questo fine settimana allora giocherà le
	ultime 4 partite con le prime 4 squadre classificate di un girone, altrimenti le giocherà contro le ultime
	4 squadre classificate di quel girone. Nel primo caso avrà probabilità pari a 0,3 di vincere, in maniera
	indipendente, ogni singola partita, mentre nel secondo caso la probabilità sarà di 0,7. Se la probabilità
	di vincere la partita del fine settimana é pari a 0,8, qual é la probabilità che vinca almeno 3 delle 4
	partite finali?

[PUNTI	4
--------	---

C?? (scrivere il risultato con quattro cifre decimali)

## Quesito Teorico

Sia X una variabile casuale esponenziale di parametro  $\lambda$ . Dimostrare che 6X è una variabile casuale esponenziale di parametro  $\lambda/6$ . [PUNTI 2]

- (E1) Siano  $U_1$  e  $U_2$  due urne contenenti palline bianche e nere.  $U_1$  contiene 2 palline bianche e 1 nera,  $U_2$  contiene 1 pallina bianca e 5 nere.
  - (a) Si estraggono 1 pallina da  $U_1$  e 1 da  $U_2$  e si rimettono nelle rispettive urne. Calcolare la probabilità che le 2 palline estratte siano di colore differente.
  - (b) Ripetendo più volte l'esperimento del punto (a), calcolare la probabilità di ottenere 2 palline di colore differente al terzo tentativo.
  - (c) Si estrae una pallina da  $U_1$  e la si pone in  $U_2$ . Successivamente si estrae una pallina da  $U_2$ . Qual è la probabilità che la pallina estratta da  $U_2$  sia bianca? Qual è la probabilità che la pallina estratta da  $U_1$  sia nera, sapendo che la pallina estratta da  $U_2$  è bianca?

[PUNTI 7]

Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - [FII.A 3]	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
	Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3

Università degli Studi di Brescia - Facoltà di Ingegneria

(E2) Sia X una variabile casuale avente densità di probabilità

$$f_X(x,\theta) = \begin{cases} kx^{2/\theta - 1} & \text{se } 0 < x < 1, \\ 0 & \text{altrove,} \end{cases}$$

 $con \ \theta \in \mathbb{R}^+,$ 

- (a) determinare la costante di normalizzazione k;
- (b) scrivere la funzione di verosimiglianza;
- (c) determinare lo stimatore di massima verosimiglianza T di  $\theta$ ;
- (d) verificare se lo stimatore T è corretto.

[PUNTI 7]

Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - [FII.A 3]	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3	
	Probabilità e Statistica - 13.07.2010 - FILA 3

Università degli Studi di Brescia - Facoltà di Ingegneria