Probabilità e Statistica - 05.09.2011

Cogi	NOME E	Nome									
С. р	. L.:							 No di Cc	ORSO:	1 2	3 ALTRO
Мат	RICOLA					Firm	Α				FILA 3
Istru											
			te precede	ente quest	e istruzion	i; in part	icolare, scr i	ivere cog	nome e	nome (in s	stampatello) e
2.	la rispos		rivere acc	anto la ni	iova rispos	ta. In par					rrezione, barrare IVERE anche il
3.	3. I PUNTEGGI attribuiti per la risposta esatta sono indicati alla fine di ogni quesito.										
4.	4. PROIBITO usare libri, quaderni, telefoni cellulari.										
5.	CONSE	GNARE que	sti fogli e	tutti i f	ogli di pr	otocollo.					
6.	TEMPO	a disposizion	ne: 120 mi	n.							
		Quesito	C1	C2	C3	C4	QT	E1	E2	ТОТ]
		Punti									
(C2)	[PUNTI 4]										
	Calcola	re $var[X]$.									
	PUNTI										
	[I ONII	**				C2	? (scrivere	il risulta	to in fra	zione)	
(C3)	Il numero di clienti che visitano un concessionario di auto al sabato mattina è una variabile aleatoria X con media $\mu=15$ e deviazione standard $\sigma=2,5$. Con quale valore minimo di probabilità si può asserire che il numero di clienti sia compreso tra 5 e 25 ?										
	FONTI	**				C	3 (scrivere	il risulta	to con q	uattro dec	imali)

(C4)	Ad uno studente viene dato un questionario di 9	domande alle quali deve rispondere solo con un Si o con							
	un No. Lo studente, preso dal panico, decide di	rispondere Sì se nel lancio di un dado non truccato esce							
	1 oppure 6 e No negli altri casi. Calcolare la probabilità che alle 9 domande risponda almeno 7 volte Sì.								
	[PUNTI 4]								
	[]	C4 (scrivere il risultato con quattro decimali)							

Quesito Teorico

Siano date 6 variabili casuali X_1,\dots,X_6 indipendenti ed identicamente distribuite con varianza 9. Dimostrare che la media campionaria \overline{X}_6 ha varianza $\frac{3}{2}$. [PUNTI 2]

- (E1) Un'urna contiene dodici palline numerate (due con inciso il numero 1, due con inciso il numero 3, quattro con inciso il numero 2 e quattro con inciso il numero 4). Si estrae una pallina dall'urna. Siano X la variabile casuale che indica il numero inciso sulla pallina estratta e Y la variabile casuale definita da $Y = \frac{1}{4}(X-2)^2$.
 - (a) Determinare la densità congiunta $f_{X,Y}$.
 - (b) Determinare le densità marginali f_X, f_Y .
 - (c) Verificare se X e Y sono indipendenti.
 - (d) Calcolare cov[X,Y].
 - (e) Calcolare $P\left[X>2\mid Y=\frac{1}{4}\right].$

[PUNTI 7]

Probabilità e Statistica -	05.09.2011 - FILA 3	

Università degli Studi di Brescia - Facoltà di Ingegneria

(E2) Sia X una variabile casuale avente densità di probabilità

$$f_X(x,\theta) = \begin{cases} kx^{2/\theta - 1} & \text{se } 0 < x < 1, \\ 0 & \text{altrove,} \end{cases}$$

 $con \ \theta \in \mathbb{R}^+,$

- (a) determinare la costante di normalizzazione k;
- (b) scrivere la funzione di verosimiglianza;
- (c) determinare lo stimatore di massima verosimiglianza T di θ ;
- (d) verificare se lo stimatore T è corretto.

[PUNTI 7]

Probabilità e Statistica -	05.09.2011 - FILA 3	

Università degli Studi di Brescia - Facoltà di Ingegneria