Probabilità e Statistica - 07.02.2012

Cogi	NOME E	Nome									
C. d	. L.:							о о di Co	RSO: [1 2	3 ALTRO
						_					
MAT	RICOLA					. F'IRMA					FILA 2
 3. 4. 	COMPII firmare. SCRIVE la rispost procedim I PUNTI PROIBI	RE, in modo	incontroverivere acca o per rispe iti per la r	ertibile, la anto la nuo ondere ai o isposta esa i, telefoni o	risposta n ova rispost quesiti pos atta sono i cellulari.	ello spazio a. In part ti. ndicati all	o lasciato do icolare, per	opo ogni o gli eserciz	quesito; in	caso di con	stampatello) e rrezione, barrare VERE anche il
		a disposizion			gn di pro	receno.					
					- Co				710		 1
		Quesito	C1	C2	C3	C4	QT	E1	E2	TOT	
		Punti									
(C2)	Nel land	cio contemp	oraneo d	li due da	di, si con	sideri l'e	vento				
			E =	{la somi	ma delle	due facc	e vale 3 o i	un suo n	nultiplo}.		
	1 volta?	•									E esattamente
	[PUNTI	4]			C2						
(C3)	Un pescatore si reca a pescare solitamente in due zone: zona A e zona B. Egli ha probabilità $\frac{1}{4}$ di										
	scegliere la zona A e $\frac{3}{4}$ si scegliere la zona B. In A il pescatore ha probabilità $\frac{1}{5}$ di catturare un pesce										
	ogni volta che getta l'amo; in B, invece, $\frac{1}{2}$. Sapendo che il pescatore ha fatto 3 tentativi indipendenti senza riuscire a pescare un pesce, qual è la probabilità che stia pescando nella zona B? [PUNTI 3]										
		1			C3						

	In un ufficio comunale transitano, per un dato sportello, mediamente 80 persone all'ora. Se l'impiegat assegnato allo sportello, si deve assentare per 3 minuti, qual è la probabilità che arrivino al più 2 person							
[PUNTI 4]	C4							

Quesito Teorico

Sia X una variabile aleatoria con valore atteso μ_X e varianza σ_X^2 . Sapendo che X è simmetrica rispetto ad $a=2\mu_X$, dimostrare che

$$E[X^3] = 2\mu_X [3\sigma_X^2 + \mu_X^2].$$

[PUNTI 2]

(E1) Sia X una variabile aleatoria che assume i valori $\{0,1\}$ e Y una variabile aleatoria che assume i valori $\{1,3\}$. Sapendo che

$$\begin{split} P\left[Y=1\right] &= \frac{2}{5}, \\ P\left[X=0|Y=1\right] &= P\left[Y=1|X=0\right] = \frac{1}{3}, \end{split}$$

calcolare la funzione di densità congiunta $f_{X,Y}(X,Y)$ e la covarianza $\operatorname{cov}[X,Y]$. [PUNTI 7]

Probabilità e Statistica - $07.02.2012$ - FILA 2						

Università degli Studi di Brescia - Facoltà di Ingegneria

(E2) Sia $X_1,...,X_n$ un campione casuale estratto da una popolazione con funzione di densità

$$f_{\theta}(x) = \begin{cases} \frac{1}{\theta} \left(1 - \frac{x}{2\theta} \right), & \text{se } 0 \le x \le 2\theta, \\ 0, & \text{altrove.} \end{cases}$$

- (a) Determinare uno stimatore T di θ con il metodo dei momenti.
- (b) Stabilire se T è distorto e calcolarne l'errore quadratico medio $\mathrm{MSE}[T].$

[PUNTI 7]

Probabilità e Statistica - $07.02.2012$ - FILA 2						

Università degli Studi di Brescia - Facoltà di Ingegneria