Prova Scritta di Probabilità e Statistica - 07.07.2015

Cogi	NOME	E Nome														
С. р	. L.:								Ann	NO DI	Cor	SO:	1	2	3	ALTRO
MAT	RICOL	Α					Fii	RMA								FILA 3
 3. 4. 6. 	SCRIV SCRIV accant I PUN PROII CONS	VERE cognover VERE la rispole la nuova resultation de la reconstrucción	posta ne isposta. ribuiti pe libri, qu uesto f zione: 12	llo spazio er la risp aderni, t coglio e 20 min.	o lasciat posta esa telefoni d tutti i	to dopo atta sono cellulari. fogli di	ogni qu o indicat	iesito; in ti alla fir	caso di	i corre	ezione,		are la r	risposta	a errat	a e scrivere
		Quesito	C1	C2	С3	C4	C5	C6	C7		QT1		QT2	Т	TC	
		Punti														
(C1)	Sia X	una varia	abile ca	suale d	istribu	ita nor	malme	_	media	a 6.7	e vari	ianza	ı 4. C	alcola	re P[$\sqrt[3]{X} \ge 2].$
(C2)		A,B,C trindipender						$C \operatorname{sono}$								che A e C
(C3)	Calco	npo di vit dare la pro stamente p	obabilit	à che i	l macc			oni per								
(C4)	Data	la densità	di prol	babilità		$f_X(x)$	$= \begin{cases} ax \\ 0 \end{cases}$	$c^2 + b$	$0 \le x$ altrov	≤ 2						
	deter:	minare a a	affinchè	si abbi	ia $\mathrm{E}[X]$] = 5/4	:•		C4							

(C5)	Il numero x è scelto a caso nell'insieme $\{0, 1\}$	$2, 4, 6\},$	il numero y è	è scelto a	caso nell'i	nsieme	$\{2, 3, 6,$	9,11
	Calcolare $P[X > Y Y \text{dispari}]$.							

[PUNTI 4]

C5			

(C6) Sia (X,Y) una coppia di variabili casuali discrete con la seguente densità di probabilità congiunta

	X = -3	X=0	X=5
Y=0	p	0	q
Y=1	3q	2p	0

Determinare il valore di q affinchè $\mathrm{E}[X+Y]=-7/24.$

[PUNTI 4]

C6			

(C7) Si ritiene che il pH di una particolare soluzione chimica sia distribuito normalmente con media μ . Effettuando 4 misurazioni sulla soluzione, si sono rilevati i seguenti dati:

|--|

Se è noto che $\sigma^2=0.0049$, si determini un intervallo di confidenza bilaterale per la media μ al 90%.

[PUNTI 4]

C7			

Quesito Teorico 1

Provare che se P[B|A]=1, allora $P[\bar{A}|\bar{B}]=1,$ sapendo che $P[\bar{B}]>0.$ [PUNTI 2]

Quesito Teorico 2

Date due variabili aleatorie indipendenti X e Y, dimostrare che

$$cov[X - 2Y, X + 5] = var[X].$$

[PUNTI 2]